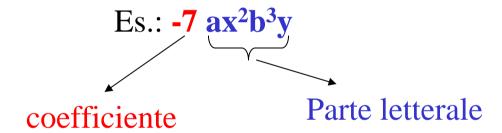
## **ALGEBRA**

**Monomio**: un'espressione algebrica dove **non** figurano **operazioni** (e **non** segni) di <u>addizione (+)</u> o sottrazione(-); figurano solo moltiplicazioni e potenze.

In un monomio distinguiamo parte numerica (o **coefficiente**) e parte letterale.



Es.:  $-5a^2b^3$  SI

Es.:  $-5a^2b^3+2$  NO

Monomi simili:

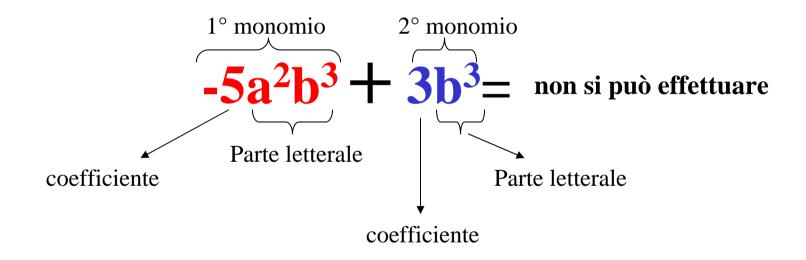
due o più monomi sono <u>simili</u> quando hanno la stessa parte letterale (*compresi gli esponenti*)

In pratica i monomi simili differiscono solo per il coefficiente

| Monomi  |    |
|---|----|
| $-5a^2b^3$ ; $-5b^3$  | No |
| $-8a^2b^4$ ; $-5a^2b^3$   | No |
| -6a <sup>2</sup> b <sup>3</sup> ; 2a <sup>2</sup> b <sup>3</sup>  | Si |
| -7a <sup>3</sup> b <sup>2</sup> ; -5a <sup>3</sup> b <sup>2</sup> | Si |

# Operazioni sui monomi

- Addizione: ✓ la somma tra monomi si può effettuare solo se i monomi sono simili,
  - √in tal caso basta *sommare i coefficienti* e *riscrivere la* stessa parte letterale.

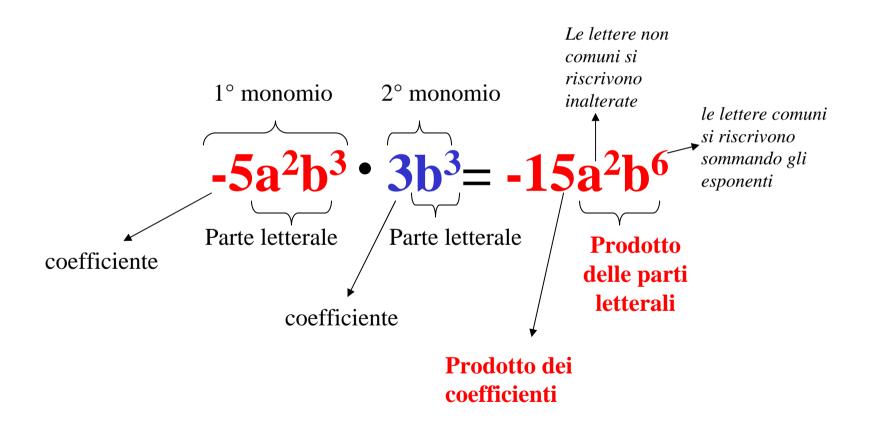


Somma dei coefficienti

-5 
$$b^3 + 3$$
  $b^3 = -2$   $b^3$  La parte letterale si riscrive

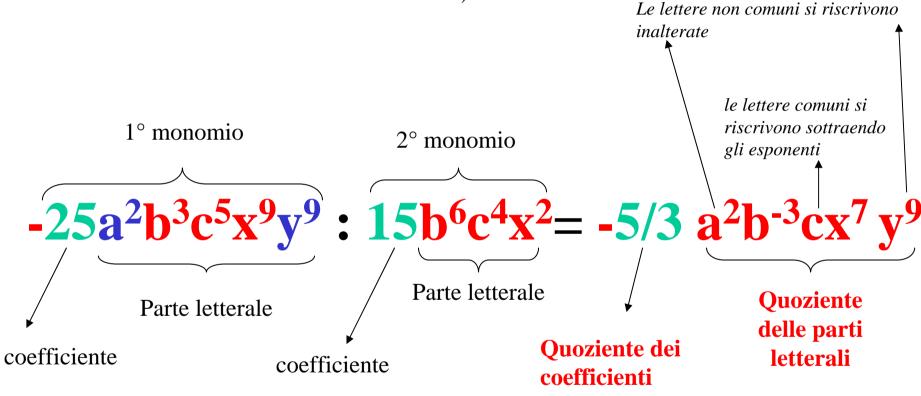
## **Prodotto**: il prodotto tra monomi si può effettuare sempre:

- √basta *moltiplicare i coefficienti* e *le parti letterali*
- ✓.(le lettere comuni si riscrivono sommando gli esponenti, quelle non comuni si riscrivono inalterate)



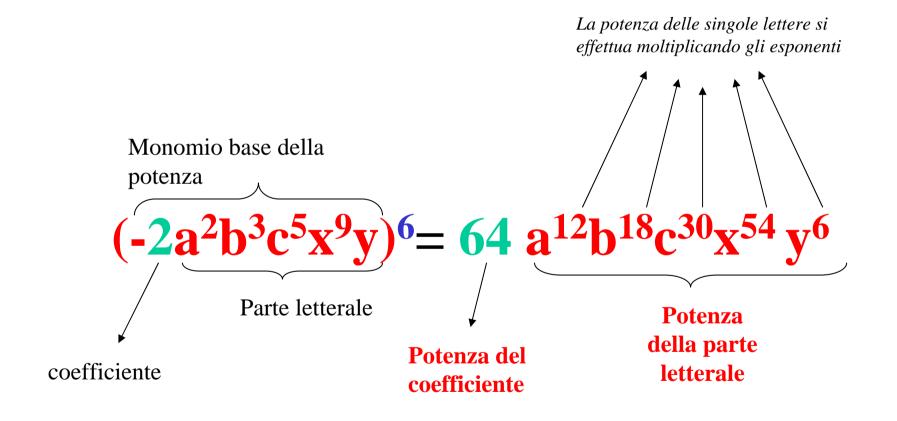
#### Quoziente: il quoziente tra monomi si può effettuare sempre:

- ✓ basta *fare il quoziente dei coefficienti* e *delle parti letterali*
- ✓ (le lettere comuni si riscrivono sottraendo gli esponenti, quelle non comuni si riscrivono inalterate)



## Potenza: La potenza di un monomio si può effettuare sempre:

- ✓ basta *fare la potenza del coefficiente* e *della parte letterale*
- ✓ (la potenza della parte letterale si effettua facendo la potenza delle singole lettere, ossia moltiplicando i singoli esponenti)



Polinomio: È la somma algebrica di più monomi

I polinomi, in base al numero di monomi che li compongono vengono detti:

- ➤ binomi: a+b
- > trinomi: a+b+c
- > quadrinomi: a+b+c+d
- **>** .....

Es.:  $-5a^2b^3$  NO

Es.:  $-5a^2b^3+2$  Si: è un binomio

Grado di un polinomio: È dato dal grado massimo dei suoi monomi

Polinomio omogeneo: Quando tutti i suoi monomi hanno lo stesso grado

**Polinomio ordinato:** Quando i suoi monomi figurano in ordine crescente

(decrescente) di grado

Polinomio completo: Quando i suoi monomi figurano con tutti i possibili gradi

(dal massimo fino al grado zero)

| Polinomi   |                       |
|--|-----------------------|
| -5a <sup>2</sup> b <sup>3</sup> +8xy+5b <sup>3</sup>                             | Grado 5               |
| -8a <sup>2</sup> b <sup>4</sup> -5a <sup>3</sup> b <sup>3</sup> +5a <sup>6</sup> | Omogeneo di grado 6   |
| -6a <sup>4</sup> +a <sup>3</sup> +a+1  | Ordinato incompleto   |
| -7a <sup>2</sup> +a <sup>3</sup> -5a+2   | Completo non ordinato |
| -6a <sup>4</sup> +a <sup>3</sup> +a <sup>2</sup> +a+1                            | Completo ordinato     |

## Operazioni sui polinomi

Addizione: ✓la somma tra polinomi si effettua sommando i monomi simili

**Differenza:** ✓ la differenza tra polinomi si effettua togliendo le parentesi, cambiando di segno tutti i monomi del secondo polinomio e quindi sommando i monomi simili.

1° polinomio 2° polinomio (-3a² -5a²b³ -5ab³ -5b³) + 
$$(7a²b³ -5ab³ +15a² +3b³)$$
 = = -3a² -5a²b³ -5ab³ -5ab³ -5ab³ -5ab³ -5ab³ -2b³ = = 12a² +2a²b³ -10ab³ -2b³ = = -3a² -5a²b³ -5ab³ -5b³) -  $(7a²b³ -5ab³ +15a² +3b³)$  = = -3a² -5a²b³ -5ab³ -5b³ - 7a²b³ +5ab³ -15a² - 3b³ = = -18a² +12a²b³ -8b³

**Prodotto**: Si moltiplica ciascun monomio del primo polinomio per tutti i monomi del secondo polinomio

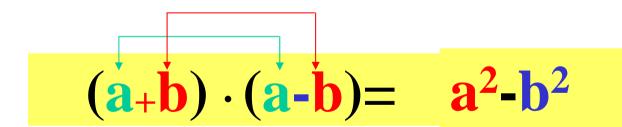
✓ .(le lettere comuni si riscrivono sommando gli esponenti, quelle non comuni si riscrivono inalterate)

$$(-5a^2+b^3)\cdot(3x+3b^3)=-15a^2x-15a^2b^3+3xb^3+3b^6$$

#### Somma per differenza di monomi uguali

Si esegue facendo il quadrato del primo monomio meno il quadrato del secondo monomio

$$(a+b) \cdot (a-b) = a^2 - ab + ab - b^2 = a^2 - b^2$$



✓ la regola del prodotto tra polinomi è sempre valida, ma, come si può osservare nella dimostrazione accanto, i termini misti si elidono, per cui verrà ricordata la regola della somma per differenza di monomi uguali sopra enunciata

#### Quadrato di un binomio

Si esegue facendo il quadrato del primo monomio più il doppio prodotto del primo monomio per il secondo più il quadrato del secondo monomio

$$(a+b)^2=(a+b)\cdot(a+b)=a^2+ab+b^2=a^2+2ab+b^2$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

✓ la regola del prodotto tra polinomi è sempre valida, ma, come si può osservare nella dimostrazione accanto, i termini misti si sommano, per cui verrà ricordata la regola del quadrato di un binomio sopra enunciata

#### Cubo di un binomio

Si esegue facendo il cubo del primo monomio più il triplo prodotto del quadrato del primo monomio per il secondo più il triplo prodotto del primo monomio per il quadrato del secondo monomio più il cubo del

secondo monomio

$$(a+b)^{3}=(a+b)^{2}(a+b)=(a^{2}+2ab+b^{2})\cdot(a+b)=$$

$$a^{3}+a^{2}b+2a^{2}b+2ab^{2}+ab^{2}+b^{3}=a^{3}+3a^{2}b+3ab^{2}+b^{3}$$

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

✓ la regola del prodotto tra polinomi è sempre valida, ma, come si può osservare nella dimostrazione accanto, i termini misti si sommano, per cui verrà ricordata la regola del quadrato di un binomio sopra enunciata

#### Quadrato di un trinomio

Si esegue facendo il quadrato del primo monomio più il quadrato del secondo monomio più il quadrato del terzo monomio più il doppio prodotto del primo monomio per il secondo più il doppio prodotto del primo monomio per il terzo monomio più il doppio prodotto del secondo monomio per il terzo monomio,

$$(a+b+c)^2 = (a+b+c) \cdot (a+b+c) =$$

✓ la regola del prodotto tra polinomi è sempre valida, ma, come si può osservare nella dimostrazione accanto, i termini misti si sommano, per cui verrà ricordata la regola del quadrato di un trinomio sopra enunciata

$$=a^2+ab+ac+ab+b^2+bc+ac+bc+c^2=a^2+b^2+c^2+2ab+2ac+2bc$$

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc$$

